

# 名校周考阶梯训练

## 数学 人教 A 版 必修第一册

### 1. 集合的概念、集合间的基本关系及集合的基本运算

(时间:40 分钟 满分:70 分)

一、选择题(本题共 4 小题,每小题 5 分,共 20 分。在每小题给出的四个选项中,只有一项是符合题目要求的)

1. 下列表述正确的是

- A.  $-3 \in \mathbf{Z}$       B.  $\pi \notin \mathbf{R}$       C.  $\sqrt{5} \in \mathbf{Q}$       D.  $-1 \in \mathbf{N}$
2. 已知全集  $U=\mathbf{R}$ ,集合  $A=\{x|x-1>0\}$ , $B=\{x|0<x<2\}$ ,则  $(\complement_{\mathbf{R}}A) \cap B=$   
A.  $\{x|0 < x \leq 1\}$       B.  $\{x|x \leq 2\}$   
C.  $\{x|x \leq 1\}$       D.  $\{x|1 \leq x < 2\}$
3. 若集合  $A=\{x|x=3k, k \in \mathbf{Z}\}$ , $B=\{x|x=6k, k \in \mathbf{Z}\}$ ,则  $A$  与  $B$  之间最适合的关系是  
A.  $A \subseteq B$       B.  $A \supseteq B$       C.  $A \subsetneqq B$       D.  $B \subsetneqq A$
4. 已知集合  $A=\{a, |a|, a-2\}$ ,若  $2 \in A$ ,则实数  $a$  的值为  
A.  $\pm 2$  或 4      B. 2      C. -2      D. 4

二、选择题(本题共 2 小题,每小题 5 分,共 10 分。在每小题给出的选项中,有多项符合题目要求。全部选对的得 5 分,部分选对的得 2 分,有选错的得 0 分)

5. 下列说法中,正确的是

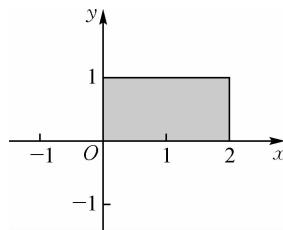
- A.  $\sqrt{2}$  的近似值的全体构成集合  
B. 自然数集  $\mathbf{N}$  中最小的元素是 0  
C. 在数集  $\mathbf{Z}$  中,若  $a \in \mathbf{Z}$ ,则  $-a \in \mathbf{Z}$   
D. 一个集合中可以有两个相同的元素
6. 我们知道,如果集合  $A \subseteq S$ ,那么  $S$  的子集  $A$  的补集为  $\complement_S A = \{x|x \in S, \text{且 } x \notin A\}$ . 类似地,对于集合  $A, B$ ,我们把集合  $\{x|x \in A, \text{且 } x \notin B\}$  叫作集合  $A$  与  $B$  的差集,记作  $A-B$ . 据此,下列说法中正确的是  
A. 若  $A \subseteq B$ ,则  $A-B=\emptyset$       B. 若  $B \subseteq A$ ,则  $A-B=A$   
C. 若  $A \cap B=\emptyset$ ,则  $A-B=A$       D. 若  $A \cap B=C$ ,则  $A-B=A-C$

### 选择题答题栏

| 题号 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 |
|----|---|---|---|---|---|---|
| 答案 |   |   |   |   |   |   |

**三、填空题(本题共 2 小题,每小题 5 分,共 10 分)**

7. 用描述法表示下图中的阴影部分(包括边界)的点集可以是\_\_\_\_\_.



8. 学校举办运动会时,高一(1)班共有 28 名同学参加比赛,有 15 人参加游泳比赛,有 8 人参加田径比赛,有 14 人参加球类比赛,同时参加游泳比赛和田径比赛的有 3 人,同时参加游泳比赛和球类比赛的有 3 人,没有人同时参加三项比赛. 那么只参加游泳一项比赛的有\_\_\_\_\_人.

**四、解答题(本题共 3 小题,共 30 分。解答应写出文字说明、证明过程或演算步骤)**

9. (本小题满分 8 分)

已知集合  $A=\{a,b,c\}$ .

(1)求集合 A 的子集的个数,并判断  $\emptyset$  与集合 A 的关系;

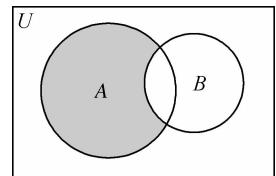
(2)请写出集合 A 的所有非空真子集.

10. (本小题满分 10 分)

已知全集  $U = \mathbf{R}$ , 集合  $A = \{x \mid -2 \leq x \leq 1\}$ ,  $B = \{x \mid -1 < x < 3\}$ .

(1) 求  $A \cup B$ ;

(2) 求图中阴影部分表示的集合.



11. (本小题满分 12 分)

已知集合  $A = \{-3, -2, -1, 0, 1, 2, 3\}$ ,  $B = \{0, 1, 2\}$ ,  $C = \{1, 2, 3\}$ .

(1) 求  $A \cap B$ ;

(2) 求  $\complement_A(B \cup C)$ .

# 名校周考阶梯训练

## 数学 人教 A 版 必修第一册

### 2. 充分条件与必要条件、全称量词与存在量词

(时间:40 分钟 满分:70 分)

一、选择题(本题共 4 小题,每小题 5 分,共 20 分。在每小题给出的四个选项中,只有一项是符合题目要求的)

1. 设命题  $p: \exists x \in \mathbb{R}, x^2 + 1 = 0$ , 则命题  $p$  的否定为

- A.  $\forall x \notin \mathbb{R}, x^2 + 1 = 0$       B.  $\forall x \in \mathbb{R}, x^2 + 1 \neq 0$   
C.  $\exists x \notin \mathbb{R}, x^2 + 1 = 0$       D.  $\exists x \in \mathbb{R}, x^2 + 1 \neq 0$

2. 已知  $a \in \mathbb{R}$ , 若集合  $M = \{0, a\}$ ,  $N = \{0, 1, 2\}$ , 则“ $a=1$ ”是“ $M \subseteq N$ ”的

- A. 充分不必要条件      B. 必要不充分条件  
C. 充要条件      D. 既不充分也不必要条件

3. 下列命题既是全称量词命题又是真命题的是

- A.  $\forall x \in \mathbb{R}$ , 有  $(\sqrt[3]{x})^3 = x$       B. 所有的质数都是奇数  
C. 至少有一个实数  $x$ , 使  $x^2 \leqslant 0$       D. 有的正方形的四条边不相等

4. 已知  $p: x < -3$  或  $x > 1$ ,  $q: x > a$ , 若  $p$  是  $q$  的必要不充分条件, 则  $a$  的取值范围是

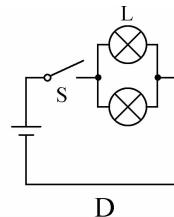
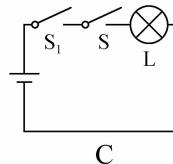
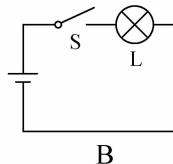
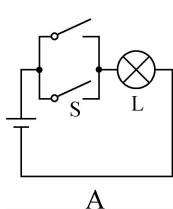
- A.  $\{a | a \leqslant -3\}$       B.  $\{a | a \geqslant -3\}$       C.  $\{a | a \geqslant 1\}$       D.  $\{a | a \leqslant 1\}$

二、选择题(本题共 2 小题,每小题 5 分,共 10 分。在每小题给出的选项中,有多项符合题目要求。全部选对的得 5 分,部分选对的得 2 分,有选错的得 0 分)

5. 下列四个命题中的假命题为

- A.  $\exists x \in \{-1, 1, 0\}, 2x + 1 > 0$   
B. 所有的负数都没有倒数  
C. “ $A \cap B$  为空集”是“ $A$  与  $B$  至少一个为空集”的充要条件  
D. 命题  $p: x \geqslant 3$  或  $x \leqslant 2$ , 命题  $q: x > 4$ , 则  $p$  是  $q$  的充分不必要条件

6. 如图所示的电路图中,“开关 S 闭合”是“灯泡 L 亮”的充要条件的电路图有



## 选择题答题栏

| 题号 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 |
|----|---|---|---|---|---|---|
| 答案 |   |   |   |   |   |   |

## 三、填空题(本题共 2 小题,每小题 5 分,共 10 分)

7. 若“ $\exists x \in \mathbf{R}, x^2 = m$ ”是假命题,则实数  $m$  的取值范围是\_\_\_\_\_.

8. 已知  $p, q$  都是  $r$  的必要条件,  $s$  是  $r$  的充分条件,  $q$  是  $s$  的充分条件. 用“充分条件”“必要条件”“充要条件”“既不充分也不必要条件”中最合适的一个填空:

(1)  $s$  是  $r$  的\_\_\_\_\_;

(2)  $r$  是  $q$  的\_\_\_\_\_;

(3)  $p$  是  $q$  的\_\_\_\_\_.

## 四、解答题(本题共 3 小题,共 30 分。解答应写出文字说明、证明过程或演算步骤)

9. (本小题满分 8 分)

判断下列命题是否为全称命题或特称命题,若是,用符号表示,并判断其真假.

(1) 末位数是偶数的整数能被 2 整除;

(2) 有的菱形是正方形;

(3) 存在实数  $x, x > 0$ ;

(4) 对于任意实数  $x, 2x+1$  是奇数.

10. (本小题满分 10 分)

已知命题  $p: 2 < x < 4$ , 命题  $q: m - 2 < x < m + 1$ .

- (1) 若命题  $p$  为假命题, 求实数  $x$  的取值范围;
- (2) 若  $p$  是  $q$  的充分条件, 求实数  $m$  的取值范围.

11.(本小题满分 12 分)

已知集合  $A = \{x | 1 \leq x \leq a\} (a > 1)$ ,  $B = \{x | 1 \leq x \leq 3\}$ , 设  $p: x \in A$ ,  $q: x \in B$ .

(1) 若  $p$  是  $q$  的充分不必要条件, 求实数  $a$  的取值范围;

(2) 若  $\neg q$  是  $\neg p$  的必要不充分条件, 求实数  $a$  的取值范围.